

الإسم:	اللقب:	الفوج:	العلامة:
--------	--------	--------	----------

التمرين الأول: (04 نقاط) أوجد البرنامج المرافق للبرنامج الأصلي التالي: البرنامج المرافق:

$$\begin{aligned} \text{Min } W &= 10y_1 + 200y_2 \\ -y_1 + 2y_2 &\geq 5 \\ 5y_1 &\geq 7 \\ -4y_1 + 3y_2 &= -3 \\ y_1 &\geq 0, y_2 \geq 0 \end{aligned}$$

عني مقيد بالاشارة

$$\begin{aligned} \text{Max } Z &= 5X_1 + 7X_2 - 3X_3 \\ -X_1 + 5X_2 - 4X_3 &\leq 10 \\ 2X_1 + 3X_3 &= 200 \\ X_1, X_2 &\geq 0 \\ X_3 &\text{ غير مقيد بالإشارة} \end{aligned}$$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

المخازن \ المصانع	مخزن A	مخزن B	مخزن C	العرض
مصنع X	3 200	2	1 3500	3700
مصنع Y	4 2000	5	2	2000
مصنع Z	3 300	1 4000	4	4300
الطلب	2500	4000	3500	10000

المطلوب:

1- أوجد الحل الأولي لمشكلة النقل التالية بطريقة أقل كلفة؟

2- تأكد من أن الحل الأولي هو حل مقبول أساسا؟ $m+n-1 = 3+3-1 = 5$

3- أحسب تكاليف نقل الحل الأولي؟ $\text{Min } C = (3500 \times 1) + (4000 \times 1) + (200 \times 3) + (2000 \times 4) + (300 \times 3) = 17000$

التمرين الثالث: (12 نقطة) أوجد الحل الأمثل بطريقة السمبلكس للبرنامج التالي:

$$\begin{aligned} \text{Max } Z &= X_1 + 3X_2 \\ X_1 &\leq 5 \\ X_1 + 2X_2 &\leq 10 \\ X_2 &\leq 4 \\ X_1, X_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

تحويل النموذج للصيغة القياسية:

- دالة الهدف: $Z - X_1 - 3X_2 + 0S_1 + 0S_2 + 0S_3 = 0$ (1)

- القيود: $X_1 + S_1 = 5$ (1)

$X_1 + 2X_2 + S_2 = 10$ (1)

$X_2 + S_3 = 4$ (1)

- شرط عدم السلبية:

$X_1, X_2 \geq 0 ; S_1, S_2, S_3 \geq 0$ (1)

- تصميم جدول السمبلكس:

متغيرات القاعدة	متغيرات النموذج					الثوابت b_i	النسبة
	X_1	X_2	S_1	S_2	S_3		
S_1	1	0	1	0	0	5	∞
S_2	1	2	0	1	0	10	5
S_3	0	1	0	0	1	4	4
Z	-1	-3	0	0	0	0	
S_1	1	0	1	0	0	5	5
S_2	1	0	0	1	-2	2	2
X_2	0	1	0	0	1	4	∞
Z	-1	0	0	0	3	12	
S_1	0	0	1	-1	2	3	
X_1	1	0	0	1	-2	2	
X_2	0	1	0	0	1	4	
Z	0	0	0	1	1	14	

الحل الأمثل هو:

$X_1 = 2, X_2 = 4, S_1 = 3$
 $Z^* = 14$